

Examenul de bacalaureat 2018

Simularea probei E.c)

Probă scrisă la MATEMATICĂ *M_pedagogic*

BAREM DE EVALUARE ȘI DE NOTARE

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare.

Varianta 1

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea punctajului obținut la 10

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

1.	$a_n = a_1 + (n-1)r, n \geq 2$ $a_3 = a_1 + 2r, a_{19} = a_1 + 18r$ și din $a_3 + a_{19} = 10 \Rightarrow 2a_1 + 20r = 10$ $a_6 = a_1 + 5r, a_{16} = a_1 + 15r$ de unde $a_6 + a_{16} = 2a_1 + 20r = 10$	1p 2p 2p
2.	$f: R \rightarrow R, f(x) = ax + b$ $G_f \cap Ox = \{A\} \Rightarrow f(-2) = 0 \Rightarrow -2a + b = 0$ $G_f \cap Oy = \{B\} \Rightarrow f(0) = 4 \Rightarrow b = 4$ $a = 2$ $f(x) = 2x + 4$	1p 1p 1p 1p 1p
3.	$x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} = 2017$ $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = 2018$ $E = x_1 \cdot x_2 + x_1 + x_2 + 1 = 4036$	2p 2p 1p
4.	$y = x - 1$ înlocuind în a II-a ecuație obținem: $x^2 - x - 6 = 0$ de unde $x_1 = -2$ și $x_2 = 3$ pentru $x = -2 \Rightarrow y = -3$ și pentru $x = 3 \Rightarrow y = 2$ Soluția sistemului: $S = \{(-2, -3); (3, 2)\}$	1p 2p 1p 1p
5.	$x_N = \frac{x_M + x_P}{2}$ și $y_N = \frac{y_M + y_P}{2}$ $2 = \frac{7+a}{2} \Rightarrow a = -3$ $9 = \frac{-3+b}{2} \Rightarrow b = 21$	1p 2p 2p
6.	Teorema cosinusului: $BC^2 = AB^2 + AC^2 - 2 \cdot AB \cdot AC \cdot \cos A$ $BC^2 = 4^2 + 3^2 - 2 \cdot 4 \cdot 3 \cdot \cos 60^\circ = 16 + 9 - 24 \cdot \frac{1}{2} = 25 - 12 = 13$, de unde $BC = \sqrt{13}$ $P_{ABC} = AB + AC + BC = 4 + 3 + \sqrt{13} = 7 + \sqrt{13}$	1p 2p 2p

SUBIECTUL II

(30 de puncte)

a)	Există element neutru $\Rightarrow \forall x \in \mathbf{Z}, \exists e \in \mathbf{Z}$ astfel încât $x * e = e * x = x$ $x * e = x \Rightarrow xe + 2x + 2e + a = x \Leftrightarrow x(e+2) + 2e + a = x$ (1) $e * x = x \Rightarrow ex + 2e + 2x + a = x \Leftrightarrow (e+2)x + 2e + a = x$ (2) Din (1) și (2) obținem: $(e+2) = 1$ și $2e + a = 0$ de unde $e = -1$ și $a = 2$	1p 1p 1p 2p
b)	$x * y = xy + 2x + 2y + 2 = x(y+2) + 2y + 4 - 2 = x(y+2) + 2(y+2) - 2 = (x+2)(y+2) - 2$	5p
c)	$(x+y+2) * z = (x+y+4)(z+2) - 2$	2p

	$(x * z) + (y * z) + 2 = (x + 2)(z + 2) - 2 + (y + 2)(z + 2) - 2 + 2 = (x + y + 4)(z + 2) - 2$ Rezultă egalitatea din enunț.	2p 1p
d)	$x * x' = (x + 2)(x' + 2) - 2 \Rightarrow (x + 2)(x' + 2) - 2 = -1$ $x' = -2 + \frac{1}{x+2} \in \mathbf{Z}$ $(x + 2) 1, x \in \mathbf{Z} \Rightarrow x + 2 \in \{-1, 1\}$ $x \in \{-3, -1\} \Rightarrow M = \{-3, -1\}$	1p 1p 2p 1p
e)	$x * y = 3 \Rightarrow (x + 2)(y + 2) = 5; x, y \in \mathbf{Z}$ $\Rightarrow (x + 2, y + 2) \in \{(1, 5); (5, 1); (-1, -5); (-5, -1)\}$ Obținem: $(x, y) \in \{(-1, 3); (3, -1); (-3, -7); (-7, -3)\}$	2p 2p 1p
f)	$(-3) * (-3) = (-1) * (-1) = a - 3$ $a - 3 \in H \Rightarrow a - 3 \in \{-3, -1\} \Rightarrow a \in \{0, 2\}$ (1) $(-3) * (-1) = (-1) * (-3) = a - 5$ $a - 5 \in H \Rightarrow a - 5 \in \{-3, -1\} \Rightarrow a \in \{2, 4\}$ (2) Din (1) și (2) obținem $a = 2$	1p 1p 1p 1p 1p

SUBIECTUL III

(30 de puncte)

a)	$B + C = \begin{pmatrix} 2 & 10 \\ 3 & -2 \end{pmatrix},$ $2 \cdot 10 \cdot 3 \cdot (-2) = -120$	3p 2p
b)	$(B + C)(B + C) = \begin{pmatrix} 34 & 0 \\ 0 & 34 \end{pmatrix},$ $(B + C)(B + C) = 34I_2 \neq I_2 \Rightarrow B + C \notin G$	2p 3p
c)	$B \cdot C = \begin{pmatrix} 31 & -10 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$ și $C \cdot B = \begin{pmatrix} 1 & 10 \\ 3 & 31 \end{pmatrix},$ $B \cdot C + C \cdot B = \begin{pmatrix} 32 & 0 \\ 0 & 32 \end{pmatrix}$	4p 1p
d)	Notăm $X = \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \in M_2(\mathbb{R}), B \cdot X = C \Leftrightarrow \begin{pmatrix} a+10c & b+10d \\ -c & -d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 3 & -1 \end{pmatrix}$ Rezultă $\begin{cases} a = 31 \\ b = -10 \\ c = -3 \\ d = 1 \end{cases} \Rightarrow X = \begin{pmatrix} 31 & -10 \\ -3 & 1 \end{pmatrix}$	3p 2p
e)	$n \in \mathbb{Z} \Rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ n & -1 \end{pmatrix} \in M_2(\mathbb{Z})$ și $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ n & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ n & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = I_2; \Rightarrow \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ n & -1 \end{pmatrix} \in G$	5p
f)	$Y = \begin{pmatrix} a & b \\ 0 & a \end{pmatrix} \in G \Rightarrow Y \cdot Y = \begin{pmatrix} a^2 & 2ab \\ 0 & a^2 \end{pmatrix} = I_2$ Obținem $\begin{cases} b = 0 \\ a = \pm 1 \end{cases}$ de unde $\Rightarrow Y_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ și $Y_2 = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$	2p 3p